

# Table of Contents

## 1 Contrôle continu de mars 2017

### 1.1 Exercice 1

[1.1.1 Q :](#)

[1.1.2 Q :](#)

[1.1.3 Q :](#)

[1.1.4 Q :](#)

[1.1.5 Q :](#)

[1.1.6 Q\\* :](#)

[1.1.7 Q :](#)

[1.1.8 Q\\* :](#)

[1.1.9 Q\\*\\* :](#)

### 1.2 Exercice 2

[1.2.1 Q : fonction minIt\(\) qui calcule le min d'un tableau d'entiers : version itérative](#)

[1.2.2 Q :Complexité asymptotique de cette solution itérative](#)

[1.2.3 Q :](#)

[1.2.4 Q \(\\*\) :](#)

[1.2.5 Complexité de la version itérative](#)

# 1 Contrôle continu de mars 2017

## 1.1 Exercice 1

### 1.1.1 Q :

Ecrire l'en-tête d'une fonction nbOcc( ) qui compte le nombre d'occurrences d'une valeur donnée dans un ensemble de  $n$  valeurs. On se pla valeurs est un tableau de caractères  $s[n]$ , i.e. une chaîne de caractères de longueur  $n$ .

```
def nbOcc(c, s, n):
    '''compte et retourne le nbre d occurrences res
    du caractère c dans la chaine de caractère s de longueur n
    entrées
    . c : char , caractère recherché
    . s : tableau de char (ou string) de longueur n
    . n : longueur de s
    retourne l entier res
    '''
```

### 1.1.2 Q :

Ecrire la fonction nbOcc( ) : solution itérative.

```
In [22]: def nbOcc(c, s, n):
        '''compte et retourne le nbre d occurrences res
        du caractère c dans la chaine de caractère s de longueur n'''
        res = 0
        for i in range(n):
            if s[i] == c:
                res = res + 1
        return res
```

### 1.1.3 Q :

Utiliser nbOcc( ) pour compter les nombres d'occurrences suivantes :

a. nombre de a dans licence ?

b. nombre de i dans licence ?

c. nombre de c dans licence ?

Les nombres correspondants seront stockées dans des variables n0, n1, n2 qui seront ensuite affichées.

```
In [23]: ''' Utilise nbOcc( ) pour compter les nombres d'occurrences de lettre dans mot'''
mot = "licence"

n0 = nbOcc('a', mot, 7)
n1 = nbOcc('i', mot, 7)
n2 = nbOcc('c', mot, 7)

print(n0, n1, n2)

0 1 2
```

#### 1.1.4 Q :

Justifier le choix de la structure de contrôle utilisée.

On utilise une boucle `for ... in range[n]` car le nombre d'itérations pour parcourir la chaîne de caractères est connu a priori : il vaut  $n$  :

#### 1.1.5 Q :

En déduire la complexité asymptotique, en temps, de `nbOcc`. Préciser la mesure et le paramètre de complexité associés.

- mesure : on compte le nombre de comparaisons (`if` dans le corps de la boucle).
- paramètre de complexité : la longueur de la chaîne, soit  $n$ .
- analyse :
  - nombre de comparaisons `if` dans le corps de la boucle = 1
  - corps de boucle exécuté  $n$  fois **exactement**.

Donc la complexité asymptotique est linéaire en la longueur de la chaîne, soit  $\theta(n)$ .

**Remarque** Ici le nombre fixé d'itérations de la boucle `for` permet d'écrire un équivalent asymptotique ( $\theta()$ ) de la complexité.

#### 1.1.6 Q\* :

Ecrire `nbOccRec( )`, version récursive de `nbOcc( )`.

```
In [24]: def nbOccRec(c, s, n):
'''compte et retourne le nbre d occurrences
du caractère c dans la chaîne de caractère s de longueur n.
- (une) version recursive
entrées:
c : char
s : tableau de char (string)
n : int '''
# terminaison quand s est vide i.e; de longueur 0
if n == 0:
return 0
else:
# test occurrence sur dernier caractere de s : en place n-1
# puis appel recursif sur chaîne qui précède : de longueur n-1
if s[n-1] == c:
return nbOccRec(c, s, n-1) + 1
else:
return nbOccRec(c, s, n-1)
```

#### 1.1.7 Q :

Utiliser `nbOccRec( )` pour compter les nombres d'occurrences suivantes :

- a. nombre de a dans licence ?
- b. nombre de i dans licence ?
- c. nombre de c dans licence ?

Les nombres correspondants seront stockées dans des variables `n0`, `n1`, `n2` qui seront ensuite affichées.

```
In [25]: ''' Utilise nbOccRec( ) pour compter les nombres d'occurrences de lettre dans mot'''
mot = "licence"

nr0 = nbOccRec('a', mot, 7)
nr1 = nbOccRec('i', mot, 7)
nr2 = nbOccRec('c', mot, 7)

print(nr0, nr1, nr2)

0 1 2
```

**Remarque** : c'est le même appel que pour la version itérative (à l'identificateur de la fonction près).

### 1.1.8 Q\* :

En notant nbOccRec par f (pour faire plus court), exhiber l'évolution de la pile des appels à f pour les décomptes suivants :

1. nbOccRecPrint('e', "ete", 3)
2. nbOccRecPrint('a', "ete", 3)

Cette question est traitée automatiquement avec les questions/réponses supplémentaires suivantes.

### 1.1.9 Q\*\* :

Proposer une fonction nbOccRecPrint( ) : une version recursive avec affichage pour exhiber l'évolution de la pile des appels.

```
In [26]: def nbOccRecPrint(c, s, n, pile):
'''compte et retourne le nbre d occurrences res
du caractère c dans la chaine de caractère s de longueur n.
- version recursive avec affichage pour exhiber la pile :
. on affiche l état de la pile après chaque modification de la pile
. on empile `f(n)` pour un appel de `f(n)`
. on dépile le haut de la pile pour un return
'''
if n == 0:
    return 0
else:
    pile.append('f' + str(n-1))
    print(pile)
    res = nbOccRecPrint(c, s, n-1, pile)
    if s[n-1] == c:
        pile.pop(len(pile)-1)
        print(pile)
        return res + 1
    else:
        pile.pop(len(pile)-1)
        print(pile)
        return res
```

L'exécution suivante exhibe les 2 évolutions demandées de la pile des appels (et une supplémentaire).

```
In [27]: nn = nbOccRecPrint('e', "ete", 3, [])
print(nn)
nn = nbOccRecPrint('a', "ete", 3, [])
print(nn)
# pour le plaisir de regarder python bosser :)
nr2 = nbOccRecPrint('c', "licence", 7, [])
print(nr2)

['f2']
['f2', 'f1']
['f2', 'f1', 'f0']
['f2', 'f1']
['f2']
[]
2
['f2']
['f2', 'f1']
['f2', 'f1', 'f0']
['f2', 'f1']
['f2']
[]
0
['f6']
['f6', 'f5']
['f6', 'f5', 'f4']
['f6', 'f5', 'f4', 'f3']
['f6', 'f5', 'f4', 'f3', 'f2']
['f6', 'f5', 'f4', 'f3', 'f2', 'f1']
['f6', 'f5', 'f4', 'f3', 'f2', 'f1', 'f0']
['f6', 'f5', 'f4', 'f3', 'f2', 'f1']
['f6', 'f5', 'f4', 'f3', 'f2']
['f6', 'f5', 'f4', 'f3']
['f6', 'f5', 'f4']
['f6', 'f5']
['f6']
[]
2
```

## 1.2 Exercice 2

## 1.2.1 Q : fonction minIt() qui calcule le min d'un tableau d'entiers : version itérative

```
In [28]: def minIt(t, n):
        '''calcule le min d'un tableau d'entiers : version itérative
        entrées : t : tableau d int
        n: int, sa taille
        retourne int
        '''
        res = t[0]
        for i in range(n):
            if t[i] < res:
                res = t[i]
        return res
```

Exemple d'appels :

```
In [29]: tt = [8, 2, 4, 1, 5]
        m = minRec(tt, 0, len(tt))
        print(m)

        tt_up = [i for i in range(10)]
        tt_do = [i for i in range(9, 0, -1)]
        m = minIt(tt_up, 10)
        print("min de", tt_up, "= ", m)

        mm = minIt(tt_do, len(tt_do)) # remarquer l utilisation de la fonction len()
        print("min de", tt_do, "= ", mm)

1
min de [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9] = 0
min de [9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1] = 1
```

## 1.2.2 Q :Complexité asymptotique de cette solution itérative

- mesure : on compte le nombre de comparaisons (if dans le corps de la boucle).
- paramètre de complexité : la longueur de la chaîne, soit  $n$ .
- analyse :
  - nombre de comparaisons if dans le corps de la boucle = 1
  - corps de boucle exécuté  $n$  fois **exactement**.

Donc la complexité asymptotique est linéaire en la longueur de la chaîne, soit  $\theta(n)$ .

**Remarque** Ici le nombre fixé d'itérations de la boucle for permet d'écrire un équivalent asymptotique ( $\theta()$ ) de la complexité.

## 1.2.3 Q :

Propriété récursive du min d'un tableau connaissant une fonction min(a,b).

Propriété récursive :  $\min(a_0, a_1, \dots, a_{n-1}) = \min(a_0, \min(a_1, a_2, \dots, a_{n-1}))$

Cas terminal avec la fonction min(a,b) quand la longueur du tableau == 2

**Remarque** : la propriété précédente exhibe le besoin de gérer les indices de début des sous-tableaux gauche au fur et à mesure des appels ré fonction récursive doit inclure cet indice (en plus de la taille du sous-tableau).

## 1.2.4 Q (\*):

```
In [30]: def minRec(t, g, d):
        '''min de t entre les indices g et d-1
        version récursive
        entrées.
        t : tableau d int
        g, d : int
        retourne int'''
        if d - g == 2: # terminaison : 2 éléments dans le sous-tab
            return min(t[g], t[d-1])
        else:
            return min(t[g], minRec(t, g+1, d))
```

```
In [31]: '''exemple d appels'''
tt = [8, 2, 4, 1, 5]
m = minRec(tt, 0, len(tt))
print(tt, "--> ", m)

tt_up = [i for i in range(10)]
m = minRec(tt_up, 0, len(tt_up))
print(tt_up, "--> ",m)

tt_do = [i for i in range(9, 0, -1)]
m = minRec(tt_do, 0, len(tt_do))
print(tt_do, "--> ",m)

[8, 2, 4, 1, 5] --> 1
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9] --> 0
[9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1] --> 1
```

## 1.2.5 Complexité de la version itérative

La complexité de ce min récursif est aussi linéaire : l'écriture récursive ne fait que remplacer la boucle des itérations de `minIt()`. La comparaison `min()` : 1 comparaison par appel à `min()`. Il y a exactement  $(n-1)$  appels à `min()` donc la complexité est bien  $\theta(n)$ .

```
In [ ]:
```